



การเคลื่อนที่แบบโปรเจกไทล์ คือ การเคลื่อนที่ของวัตถุที่มี 2 ทิศทางที่ตั้งฉากกัน เกิดขึ้นในเวลาพร้อม ๆ กัน โดยแนวหนึ่งมีการเคลื่อนที่ด้วยความเร็วคงที่ และอีกแนวหนึ่งมีการเคลื่อนที่ด้วยความเร่ง

โดยโปรเจกไทล์ มี 3 แบบ ดังนี้

ขว้างวัตถุขึ้น	ขว้างวัตถุในแนวราบ	ขว้างวัตถุลง
แนวราบ ความเร็วคงตัว $u_x = u \cos \theta$	แนวราบ $u_x = u$	แนวราบ ความเร็วคงตัว $u_x = u \cos \theta$
แนวราบ ภายใต้อิทธิพลค่า g $u_y = u \sin \theta$	แนวราบ ภายใต้อิทธิพลค่า g $u_y = 0$	แนวราบ ภายใต้อิทธิพลค่า g $u_y = u \sin \theta$

หลักที่ต้องรู้

1. ทิศทางของความเร็วที่จุดใด ๆ จะมีทิศตามเส้นสัมผัสเส้นโค้งของการเคลื่อนที่ที่จุดนั้น และความเร็วที่จุดใด ๆ สามารถแตกได้ 2 แนว ที่ตั้งฉากกัน คือ \vec{V}_x และ \vec{V}_y ดังนั้น ความเร็วที่จุดใด ๆ คือ ผลรวมของ \vec{V}_x และ \vec{V}_y
2. ที่ระดับความสูงเท่ากัน วัตถุจะมีอัตราเร็วเท่ากัน และยิ่งสูงอัตราเร็วยิ่งน้อย
3. ความเร็วตามแนวราบจะมีค่าคงที่ตลอดเวลา เพราะในแนวราบไม่มีแรงมากระทำ แต่ความเร็วในแนวตั้งจะไม่คงที่ เนื่องจากมีแรง mg มากระทำซึ่งจะทำให้แนวตั้งมีความเร่ง g ในทิศลงสู่พื้นโลก
4. ที่จุดสูงสุด จะมีความเร็วเฉพาะในแนวราบเท่านั้น ในแนวตั้งมีความเร็วเป็นศูนย์
5. เวลาที่ใช้ขาขึ้นจะเท่ากับเวลาที่ใช้ในขาลงในระดับเดียวกัน
6. ในกรณีที่มีความเร็วต้นคงที่ ค่า S_x จะขึ้นอยู่กับมุม θ ที่ขว้างออกไป โดยจะมากที่สุดเมื่อ $\theta = 45^\circ$ แต่ถ้าต้องการให้วัตถุตกลงไปในแนวราบได้เท่ากัน โดยมุมต่าง ๆ กัน มุมทั้งสองต้องบวกกันได้ 90°



สมการที่ใช้ในการเคลื่อนที่แบบโปรเจคไทล์

1. ในแนวราบวัตถุจะมีความเร็วคงที่ (ความเร่งเป็นศูนย์) ดังนั้นสมการที่ใช้ คือ

$$\vec{S}_x = \vec{V}_x \cdot t_x$$

2. ในแนวดิ่งจะมีการเคลื่อนที่แบบดิ่งเสรี ซึ่งมีสมการ

$$\begin{aligned}V_y &= U_y + gt \\S_y &= \frac{(U_y + V_y)t}{2} \\S_y &= U_y t + \frac{1}{2}gt^2 \\V_y^2 &= U_y^2 + 2gS_y\end{aligned}$$

3. สูตรหาการกระจัดของวัตถุ (d)

$$d = \sqrt{s_x^2 + s_y^2}$$

4. สูตรหาระยะสูงสุด (ตามแนวแกน x และ แกน y) ที่วัตถุเคลื่อนที่ได้

$$S_x = \frac{u^2 \sin 2\theta}{g}$$

และ

$$S_y = \frac{u^2 \sin^2 \theta}{2g}$$

5. สูตรหาเวลาที่วัตถุเคลื่อนที่ขึ้นแล้วตกแนวเดิม

$$t = \frac{2u \sin \theta}{g}$$

6. สูตรหามุมยิง

$$\frac{h}{x} = \frac{1}{4} \tan \theta$$



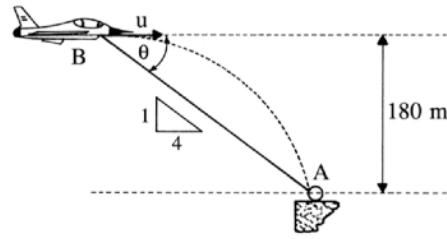
1. ยิงกระสุนปืนออกไฟในแนวราบจากหน้าผาสูง ด้วยความเร็วต้น 40 m/s พบว่ากระสุนปืนตกพื้นราบโดยห่างจากแนวยิงเป็นระยะ 80 เมตร เมื่อไม่คำนึงถึงความเสียดทานของอากาศ ข้อสรุปต่อไปนี้ข้อใดถูกต้อง
- A. กระสุนใช้เวลาอยู่ในอากาศ 2 วินาที
 - B. หน้าผาสูง 40 เมตร
 - C. ขณะกระสุนปืนตกถึงพื้น มีความเร็วในแนวตั้ง 20 m/s
- 1. A และ B
 - 2. A และ C
 - 3. B และ C
 - 4. A เท่านั้น





2. เครื่องบินทิ้งระเบิด B บินในแนวระดับ สูงจากเป้าหมาย A 180 เมตร แนว AB ทำมุมกับแนวระดับ θ โดย $\theta = \arctan(1/4)$ จงหาความเร็วต้น u ของเครื่องบินในขณะนั้น เมื่อปล่อยระเบิดลงมาแล้วลูกระเบิดจะกระทบเป้า Aพอดี กำหนดให้ $g = 10 \text{ m/s}^2$

1. 72 km/h
2. 432 km/h
3. 612 km/h
4. 120 km/h





3. ชายคนหนึ่งยืนบนพื้นสนามราบ เขาขว้างลูกบอลขึ้นไปในอากาศ ลูกบอลลอยอยู่ในอากาศนาน 4.0 วินาที โดยไม่คิดแรงต้านอากาศ ถ้าลูกบอลไปได้ไกลในแนวระดับ 60.0 เมตร ความเร็วที่ใช้ขว้างลูกบอลมีค่าเท่าใด

1. 15.0 m/s
2. 20.0 m/s
3. 25.0 m/s
4. 30.0 m/s





4. ขว้างลูกระเบิดด้วยความเร็ว 50 m/s ทำมุม 30° กับแนวราบไปยังคลังแสงของข้าศึกที่อยู่ห่าง 174 เมตร ตึกคลังแสงมีความสูง 35 เมตร มี 5 ชั้น สูงชั้นละ 7 เมตร
1. ลูกระเบิดไม่ถูกตึกคลังแสง เพราะขว้างไม่ถึง
 2. ลูกระเบิดไม่ถูกตึกคลังแสง เพราะขว้างไม่ถึง
 3. ขว้างลูกระเบิดถูกตึกคลังแสงชั้นที่ 2
 4. ขว้างลูกระเบิดถูกตึกคลังแสงชั้นที่ 3





5. ลูกบอลกลิ้งด้วยความเร็ว 2 เมตรต่อวินาที บนพื้นผิวที่ไม่มีแรงเสียดทาน และหลุดจากปลายเนินที่ทำมุม 30 องศา กับแนวราบ ถ้าตำแหน่งที่หลุดออกจากเนินสูงจากพื้น 2 เมตร จงหาระยะทางในแนวราบจากปลายเนิน เมื่อลูกบอล ตกถึงพื้น

1. 1.732 เมตร
2. 2.598 เมตร
3. 3.464 เมตร
4. 4.330 เมตร
5. 5.196 เมตร

